

## Osnovi elektronike

Predispitne obaveze:

	U JANUARU	OSTALO
Redovno pohađanje nastave (predavanja+vežbe)	10%	10%
Odbranjene laboratorijske vežbe	10%	10%
Kolokvijum I (25.11.2017.)	50%	20%
Kolokvijum II (20.01.2018.)	50%	20%
	----- 120%	60%



**Savet: Lakše preko kolokvijuma**

19. oktobar 2017. Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

1

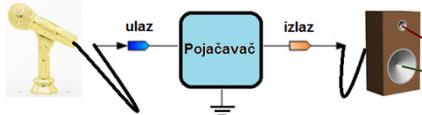
## Sadržaj

1. Uvod
  - a. Definicija pojačanja
  - b. Osobine pojačavača
  - c. Simbol pojačavača
  - d. Modeli pojačavača
  - e. Klasifikacija pojačavača prema tipu signala
  - f. Uzroci izobličenja signala
  - g. Prenosna karakteristika pojačavača
  - h. Frekvenčne karakteristike
  - i. Polarizacija pojačavača
  - j. Klasifikacija pojačavača prema nameni, tipu aktivnog elementa, konfiguraciji, položaju radne tačke, strukturi.

2

## Osnovi elektronike

### Projektovati audio pojačavač



Šta želimo?  
Specifikacija zahteva:  
Šta treba da radi!

Koje su mogućnosti?  
Kakvi pojačavači postoje?  
Šta mogu da rade!

**Učiniti da moguće bude što bliže željenom.  
Smanjivati razliku između mogućeg i željenog**

20. oktobar 2015. Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

3

### Pojačanje signala

#### Kakvi pojačavači postoje?

Na kraju uvodnog dela videćemo da postoje pojačavači različite:

- namene (napon, struja, snaga, ...)
- složenosti (jednostepeni, višestepeni),
- strukture (obični, diferencijalni)
- tehničke realizacije (BJT, MOSFET)
- opsega rada (mali, veliki signali, NF, VF, ...)

Sve njih ćemo „posetiti“ tokom ovog kursa.

19. oktobar 2017. Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

4

### Pojačanje signala

Pre nego što odemo u „radionicu“ moramo da naučimo kako da na „papiru“ proverimo razliku između željenog i mogućeg.

Zato predstavljamo realne „probleme“ modelima.

### Modeli pojačavača:

**GENERALIZOVANI** model na **FUNKCIONALNOM** nivou  
nivo\_ponašanja = bihevioralni  
gledamo ŠTA rade, a ne kako i na osnovu čega obavljaju  
funkciju).

Na funkcionalnom nivou klasifikujemo pojačavače prema  
*tipu signala*

19. oktobar 2017.

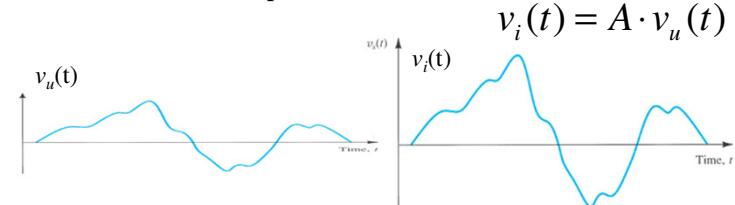
Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

5

### Pojačanje signala

**Uloga pojačavača:**

Da **pojača** ulazni signal **BEZ IZOBLIČENJA**  
isti oblik veća amplituda



**Pojačanje  $A = \text{const.}$**

19. oktobar 2017.

Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

6

### Pojačanje signala

**Uloga pojačavača:**

**Da *pojača* ulazni signal**

(napon, struja)

**BEZ IZOBLIČENJA!**

Kakve karakteristike treba da ima da bi obavio tu ulogu?

*Odgovor kasnije - tokom kursa*

19. oktobar 2017.

Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>



### Pojačanje signala

Rekli smo SIGNAL

Kakvi signali postoje?



Zvučni, video, elektromagnetični,...

U elektronici svi se oni konvertuju u



19. oktobar 2017.

Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

8

### Pojačanje signala

#### Pojačavač napona

$$A = A_v = \frac{v_i(t)}{v_u(t)}$$


---

#### Pojačavač struje

$$A_s = \frac{i_i(t)}{i_u(t)}$$

19. oktobar 2017.  
Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

9

### Pojačanje signala

#### Transkonduktansni

$$G_m = \frac{i_i(t)}{v_u(t)}$$


---

#### Transrezistantni

$$R_m = \frac{v_i(t)}{i_u(t)}$$

19. oktobar 2017.  
Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

10

### Pojačanje signala

#### Model pojačavača napona

**GENERALIZOVANI** model na **FUNKCIONALNOM** nivou

#### Idealni

$$A = A_o = \frac{V_i}{V_u} \text{ [V/V]}; \quad \mathbf{R}_u = \infty, \quad \mathbf{R}_i = \mathbf{0}$$

19. oktobar 2017.  
Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

11

### Pojačanje signala

#### Model pojačavača napona

$R_u < \infty ; \quad R_i > 0$

#### Realni

$$A = A_o = \frac{V_{iz}}{V_u} \quad [\text{V/V}]$$

$$A = \frac{V_i}{V_u} = A_0 = \frac{V_{iz}}{V_u} \Big|_{I_i=0} \quad [\text{V/V}]$$

Zašto je ovo važno?

19. oktobar 2017.  
Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

12

### Pojačanje signala

**Idealni naponski pojačavač opterećen i pobuđen iz realnog izvora**

$$v_p = A_o \cdot v_u$$

$$A_o = \frac{R_p}{R_s + R_p}$$

19. oktobar 2017. Uvod http://leda.elfak.ni.ac.rs/ 13

### Zašto je ONO važno?

### Pojačanje signala

**Idealni naponski pojačavač opterećen i pobuđen iz realnog izvora**

$$v_p = A_o \cdot v_u$$

$$A = \frac{v_p}{v_u} = \frac{A_o \cdot v_u}{v_u} = A_o$$

**NE ZAVISI od  $R_s$  i  $R_p$  !!!**

19. oktobar 2017. Uvod http://leda.elfak.ni.ac.rs/ 14

### Pojačanje signala

**Zašto je ONO važno?**

**Realni naponski pojačavač opterećen i pobuđen iz realnog izvora**

$$v_p = A_o \cdot v_u \cdot \frac{R_p}{R_p + R_i}$$

$$A \equiv \frac{v_p}{v_u} = A_o \cdot \frac{R_p}{R_p + R_i + R_s}$$

$$\frac{v_p}{v_s} = A_o \cdot \frac{R_u}{R_u + R_s} \cdot \frac{R_p}{R_p + R_i}$$

**Ukupno pojačanje**

**ZAVISI od  $R_s$  i  $R_p$  !!!**

19. oktobar 2017. Uvod http://leda.elfak.ni.ac.rs/ 15

### Za vežbu 2.1

### Pojačanje signala

**Zadatak:** Izmereno je da napon na izlazu pojačavača opadne za 20% kada mu se priključi potrošač od 1k. Kolika je izlazna otpornost pojačavača?

(250Ω)

$$V_i = \frac{R_p}{R_i + R_p} V_{i0} = 0.8 \cdot V_{i0} \Rightarrow \frac{R_p}{R_i + R_p} = 0.8$$

$$R_p = 0.8 \cdot (R_i + R_p) \Rightarrow R_i = \frac{0.2}{0.8} R_p = 0.25 R_p = 250\Omega$$

19. oktobar 2017. Uvod http://leda.elfak.ni.ac.rs/ 16



### Domaći 2.1

#### Pojačanje signala

Zadatak: Pojačavač sa pojačanjem  $A_o=40\text{dB}$ ,  $R_u=10\text{k}$ ,  $R_{iz}=1\text{k}$ , pobuđuje potrošač od  $R_p=1\text{k}$ .

Izračunati ukupno naponsko pojačanje i pojačanje snage iskazano u dB.

(50 V/V; 44dB)



19. oktobar 2017.

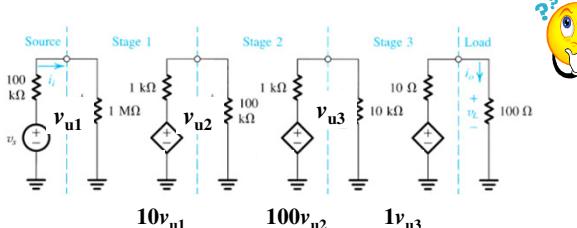
Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

21

### Domaći 2.2

#### Pojačanje signala

Zadatak: Izračunati ukupno naponsko i pojačanje snage trostepenog pojačavača sa slike pobuđenog izvorom čija je izlazna otpornost 100k i opterećenog potrošačem od  $100\Omega$ .



(743,6 V/V; 57,4 dB;  $66,9 \cdot 10^8 \text{ W/W}$ ; 98,3dB)

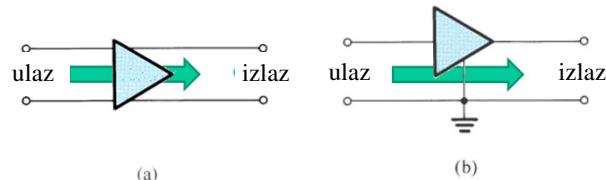
19. oktobar 2017.

Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

22

#### Pojačanje signala

Svi prikazani modeli su *unilateralni*: prenose signal samo u jednom pravcu - sa ulaza prema izlazu.



19. oktobar 2017.

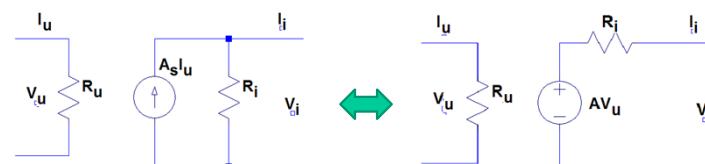
Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

23

#### Pojačanje signala

**Svi** navedeni modeli mogu **ravnopravno** da se koriste za modelovanje **realnog** pojačavača!

Primer:



$$V_i = A_s \cdot I_u \cdot R_i = A_s \cdot \frac{V_u}{R_u} \cdot R_i$$

$$A = \frac{V_i}{V_u} = A_s \cdot \frac{R_i}{R_u}$$

19. oktobar 2017.

Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

24

### Pojačanje signala

**Svi navedeni modeli mogu ravnopravno da se koriste za modelovanje realnog pojačavača!**

$V_i = A \cdot V_u \cdot \frac{R_p}{R_i + R_p}$

$I_u = \frac{V_u}{R_u} \Rightarrow V_u = R_u \cdot I_u$

$I_i = \frac{V_i}{R_p} = \frac{A}{R_i + R_p} \cdot V_u = \frac{A \cdot R_u}{R_i + R_p} \cdot I_u$

$A = \frac{I_i}{I_u} = \frac{A \cdot R_u}{R_i + R_p}$

19. oktobar 2017.  
Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

$I_u$   $R_u$   $V_u$   $A V_u$   $V_i$   $R_p$   $I_i$

$I_i = \frac{R_i}{R_i + R_p} (A_s \cdot I_u) = \frac{R_i}{R_i + R_p} \left( A_s \cdot \frac{V_u}{R_u} \right)$

$V_i = R_p I_i = R_p \frac{R_i}{R_i + R_p} \left( A_s \cdot \frac{V_u}{R_u} \right)$

$A = \frac{V_i}{V_u} = \frac{R_i R_p}{R_i + R_p} \cdot \frac{1}{R_u} \cdot A_s$

25

### Pojačanje signala

Najčešće ćemo u okviru ovog kursa govoriti o Pojačavačima napona:

Idealni

$$A_o = \frac{V_o}{V_i}$$

Realni

Zašto je ovo važno?

19. oktobar 2017.  
Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

$I_u$   $R_u$   $V_u$   $A V_i$   $V_i$   $R_i$   $I_i$   $V_o$   $R_o$   $I_o$

### Pojačanje signala

**Uloga pojačavača:**

Da pojača ulazni signal **BEZ IZOBLIČENJA**  
isti oblik veća amplituda

$v_u(t)$   $v_i(t)$   $v_i(t) = A \cdot v_u(t)$

Pojačanje  $A = \text{const.}$

19. oktobar 2017.  
Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

27

### Pojačanje signala

**Uloga pojačavača:**

**Da pojača ulazni signal**  
(napon, struja)  
**BEZ IZOBLIČENJA!**

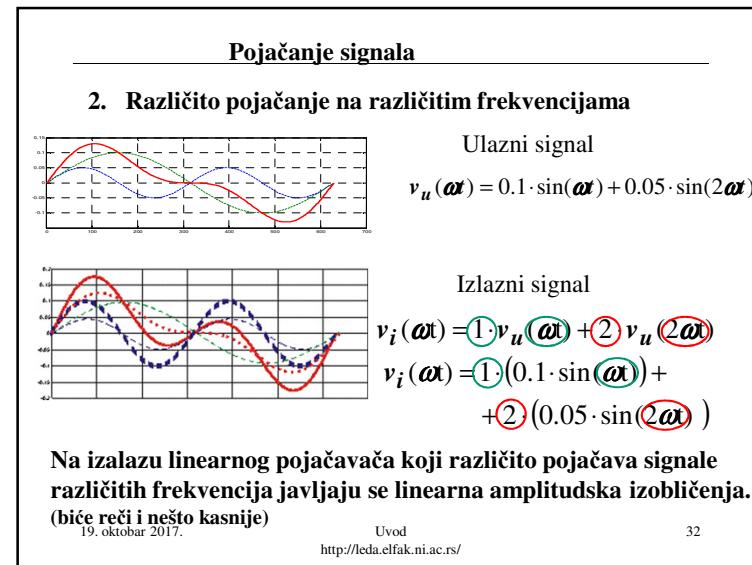
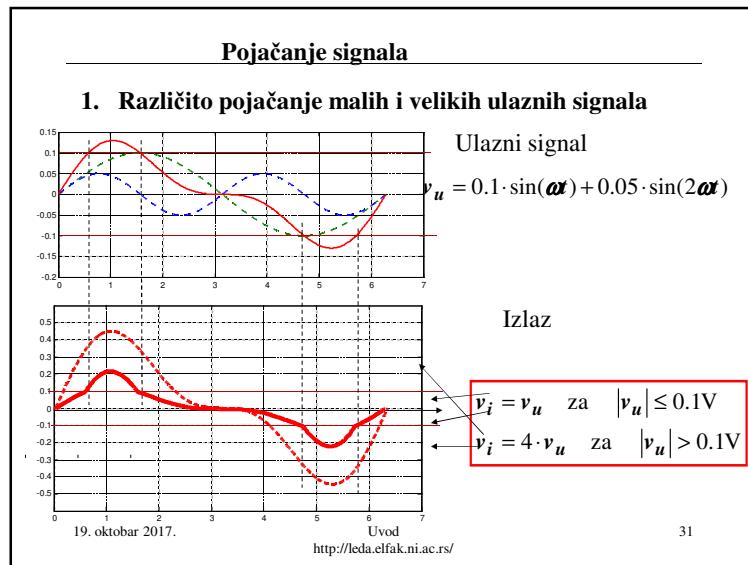
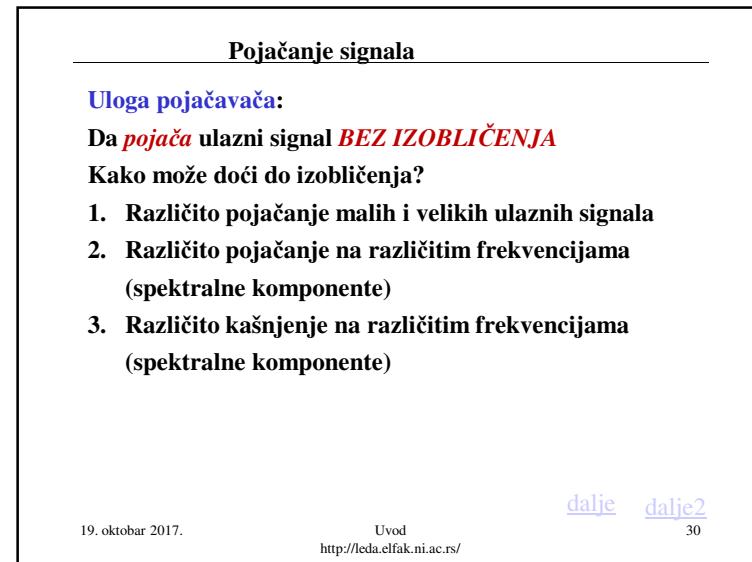
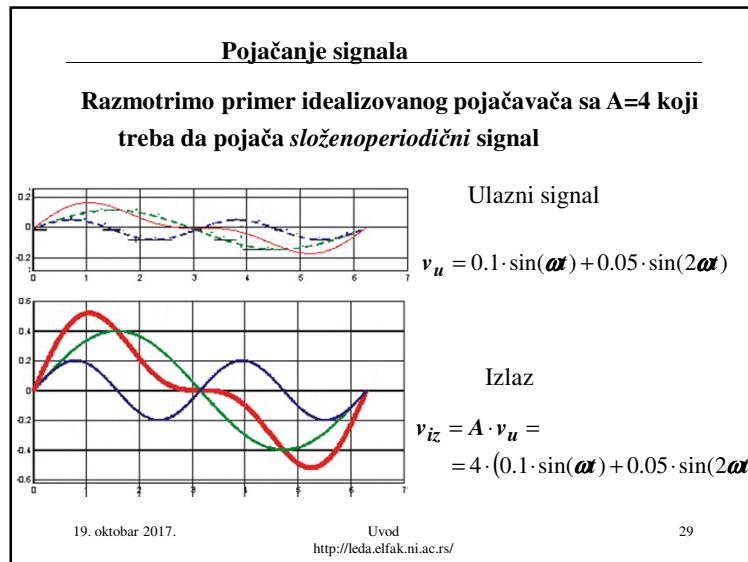
Kakve karakteristike treba da ima da bi obavio tu ulogu?

*Odgovor kasnije - tokom kursa*

dalje dalje

19. oktobar 2017.  
Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

7



### Pojačanje signala

#### 3. Različito kašnjenje na različitim frekvencijama

Uzlazni signal  
 $v_u = 0.1 \cdot \sin(\omega t) + 0.05 \cdot \sin(2\omega t)$

Izlazni signal  
 $v_i = 2(v_u \cdot \omega + v_u \cdot 2\omega \cdot 0.5 + \pi/4)$   
 $v_i = 2(0.1 \cdot \sin(\omega t) + 0.05 \cdot \sin(2\omega t) + \pi/4)$

19. oktobar 2017.  
 Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

33

### Pojačanje signala

**Uloga pojačavača:** Da **pojača** ulazni signal **bez izobličenja**  
 Kakve karakteristike treba da ima da bi obavio tu ulogu?

- a) **Linearost:** izlazni signal A puta veći od ulaznog.
- b) **Isto pojačanje** na svim frekvencijama **spektar**
- c) **Zadržati isti odnos faza** (kašnjenje) **svim spektralnim komponentama** (frekvencijama)

O svemu ovome biće više reči kasnije tokom kursa.  
 Za početak podrazumevamo da idealizovani pojačavač ispunjava sve navedene zahteve.

19. oktobar 2017.  
 Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

[dalje](#) [dalje2](#) 34

### Pojačanje signala

#### Prenosna karakteristika pojačavača

Prenosna karakteristika predstavlja grafičku interpretaciju zavisnosti **izlazne** od **ulazne** veličine

#### Prenosna karakteristika *linearног* pojačavača napona je prava = linearna funkcija

(b) [dalje](#) 35

19. oktobar 2017.  
 Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

### Pojačanje signala

#### Prenosna karakteristika linearног pojačavača napona

**Zašto je ovo važno?**

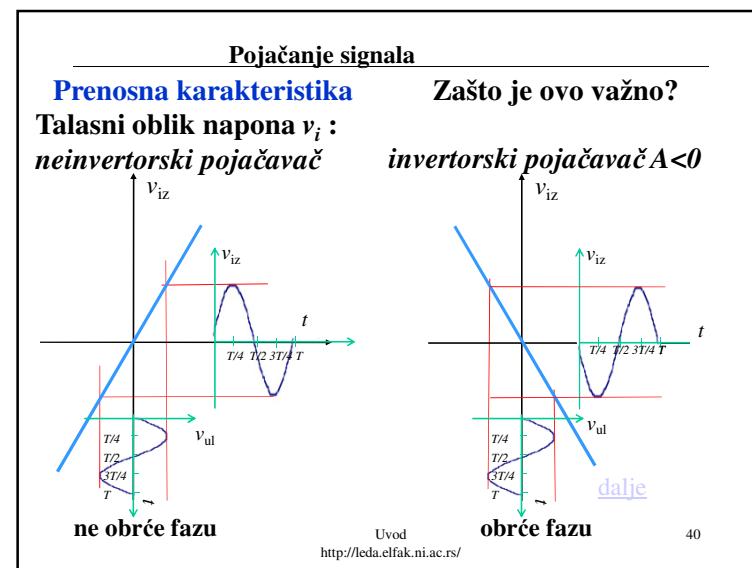
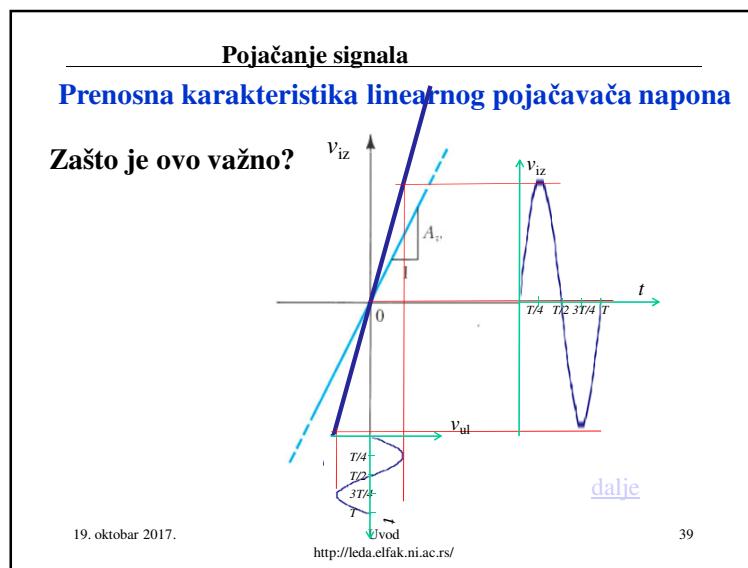
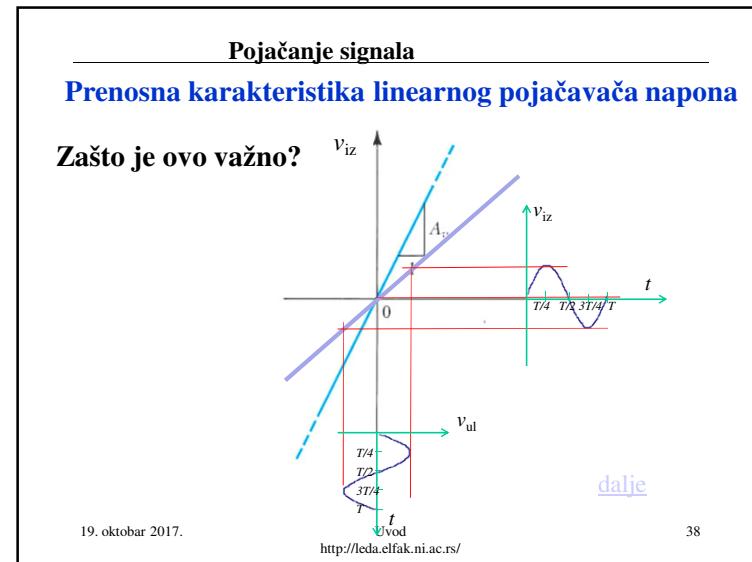
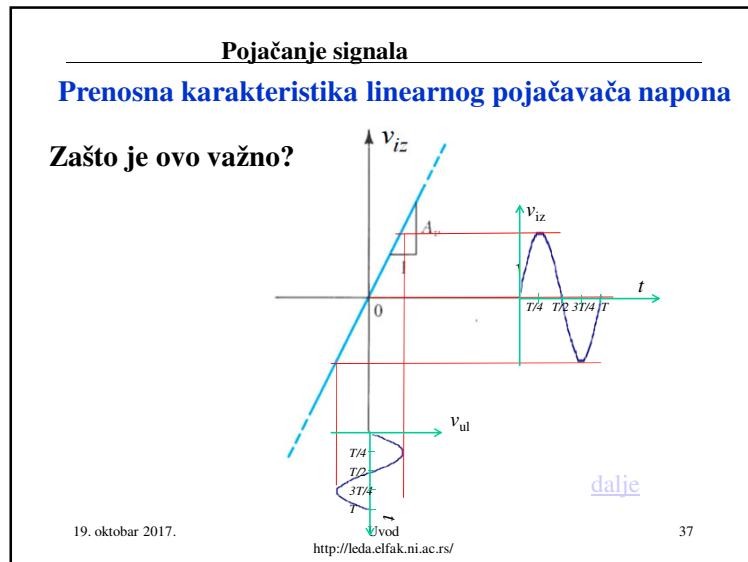
$A = \frac{\Delta v_{iz}}{\Delta v_u}$

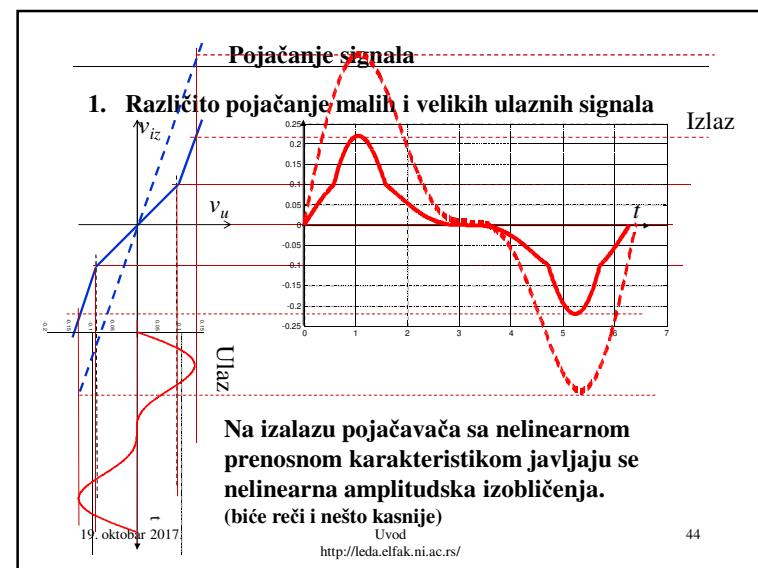
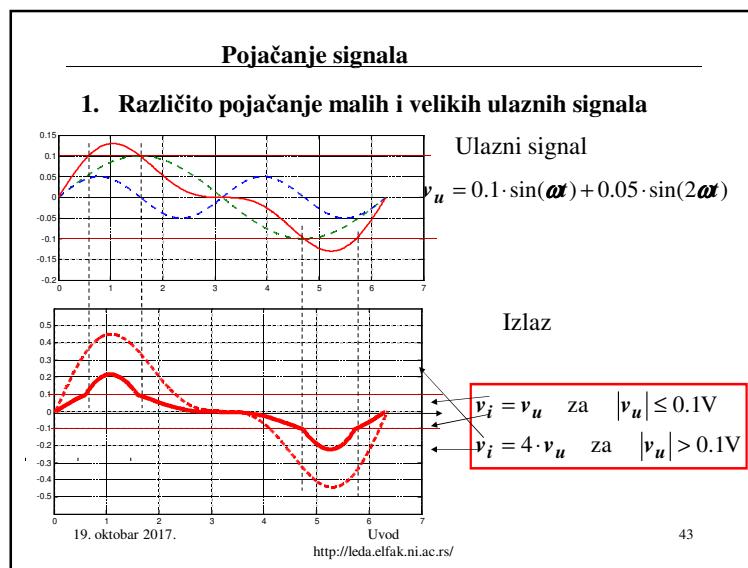
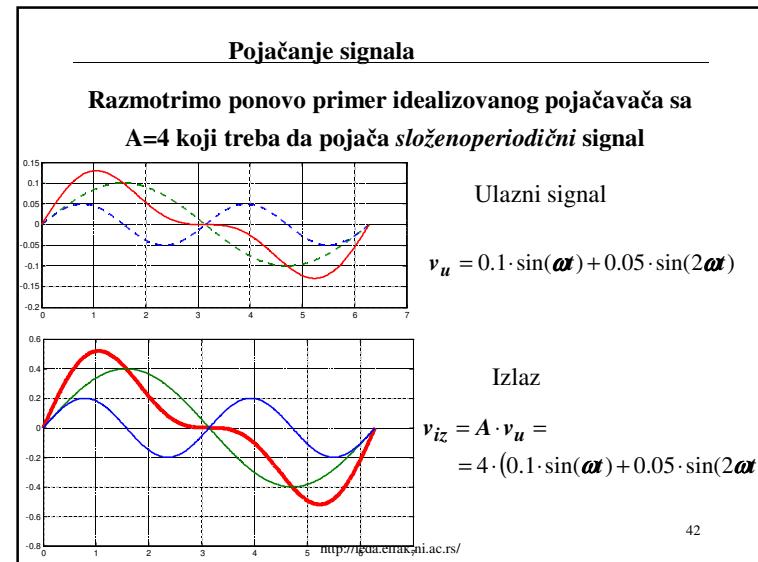
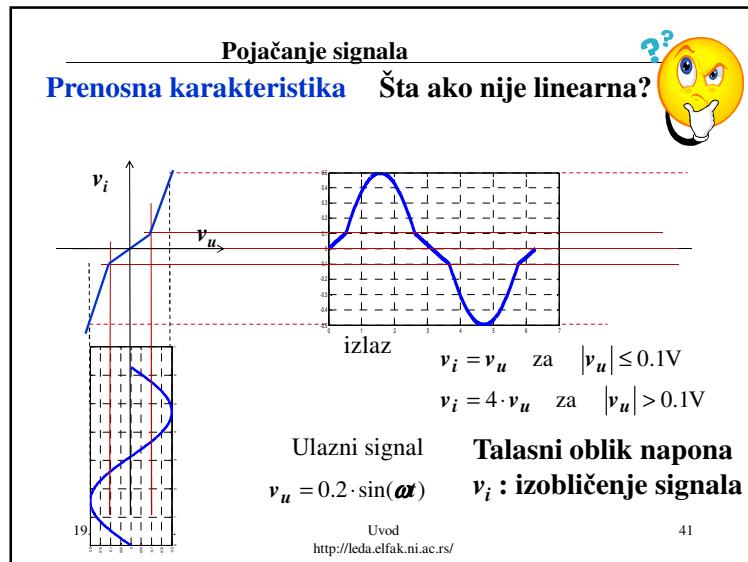
**Nagib** **Pojačanje**

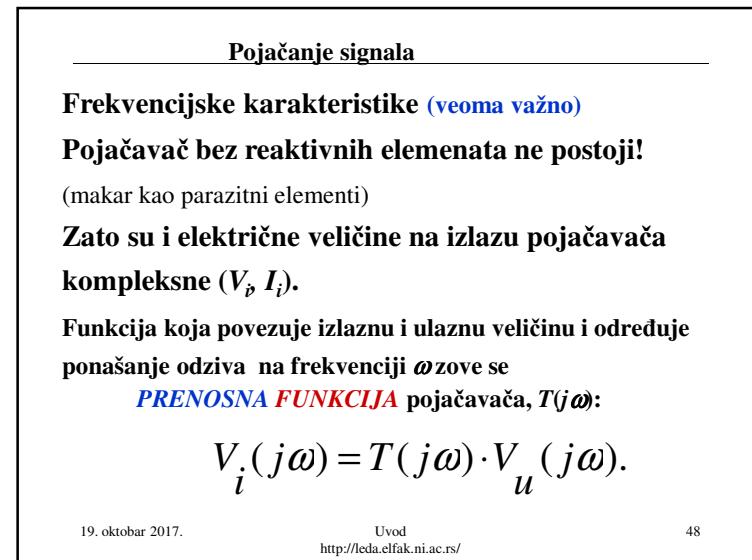
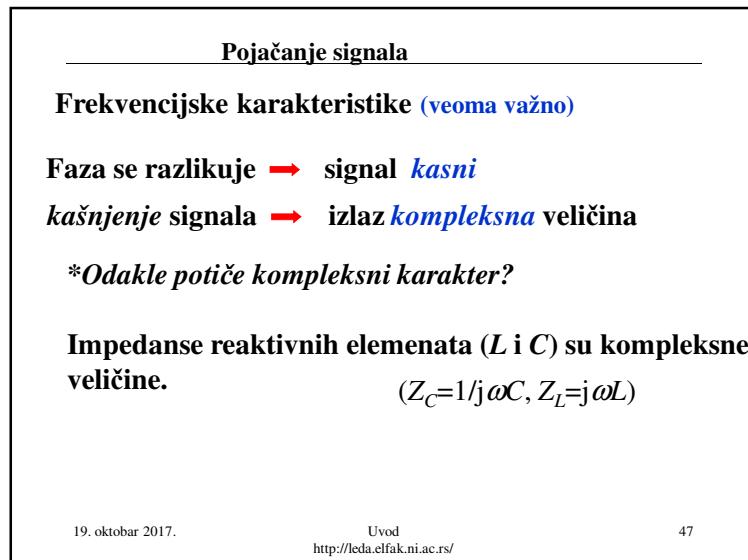
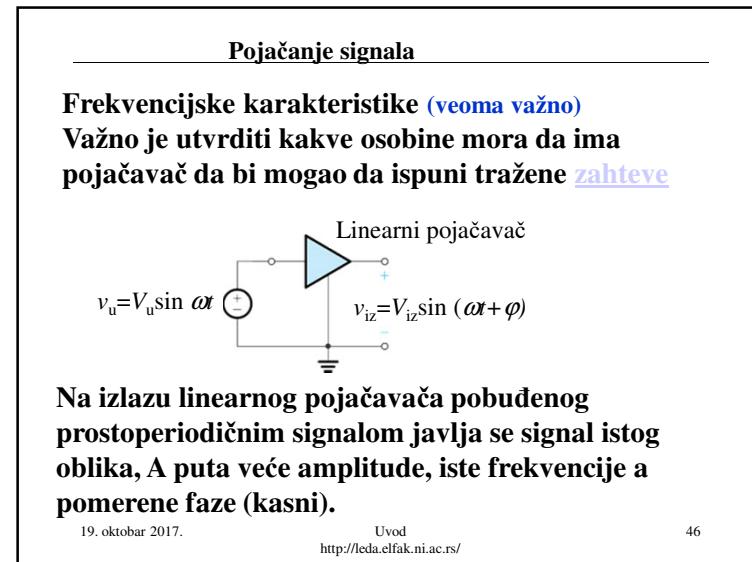
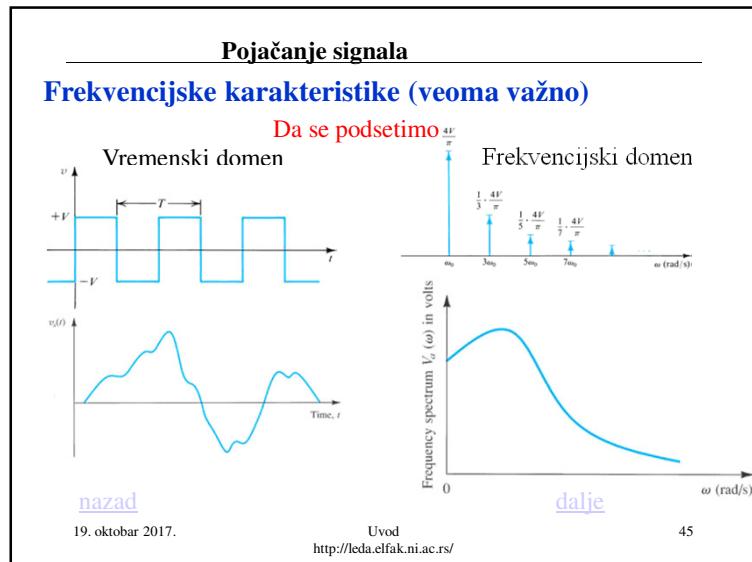
$$A_1 = \frac{\Delta v_{i1}}{\Delta v_u} < A_2 = \frac{\Delta v_{i2}}{\Delta v_u} < A_3 = \frac{\Delta v_{i3}}{\Delta v_u}$$

(b) [dalje](#) 36

19. oktobar 2017.  
 Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>







### Pojačanje signala

#### Frekvenčijske karakteristike (veoma važno)

U opštem slučaju to je *kompleksna* veličina definisana **modulom i fazom**:

$$T(j\omega) = |T(j\omega)| e^{j\varphi(\omega)}$$

$$|T(j\omega)| = \sqrt{\frac{V_i(j\omega)}{V_u(j\omega)}}.$$

$$\angle T(j\omega) = \varphi(\omega).$$

19. oktobar 2017.

Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

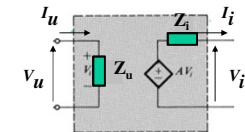
49

### Pojačanje signala

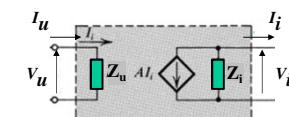
#### Frekvenčijske karakteristike (veoma važno)

Zavisno od tipa signala koji se pojačava  $T(j\omega)$ , može biti  $A$ ,  $A_s$ ,  $G_m$ ,  $R_m$ .

$$T(j\omega) = A(j\omega) = \frac{V_i(j\omega)}{V_u(j\omega)};$$



$$T(j\omega) = A_s(j\omega) = \frac{I_i(j\omega)}{I_u(j\omega)};$$



19. oktobar 2017.

Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

50

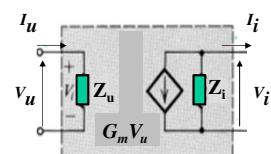
### Pojačanje signala

### Dodatak

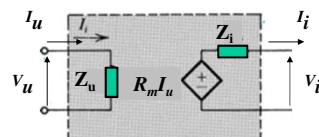
#### Frekvenčijske karakteristike (veoma važno)

Zavisno od tipa signala koji se pojačava  $T(j\omega)$ , može biti  $A$ ,  $A_s$ ,  $G_m$ ,  $R_m$ .

$$T(j\omega) = G_m(j\omega) = \frac{I_i(j\omega)}{V_u(j\omega)};$$



$$T(j\omega) = R_m(j\omega) = \frac{V_i(j\omega)}{I_u(j\omega)};$$



19. oktobar 2017.

Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

51

### Pojačanje signala

#### Frekvenčijske karakteristike (veoma važno)

*Izlazni signal = Odziv pojačavača na prostoperiodični pobudni signal frekvencije  $\omega$  potpuno je definisan (znaju se njegov moduo i faza) ako je poznato  $T(j\omega)$ .*

$$V_i(j\omega) = T(j\omega) \cdot V_u(j\omega)$$

Zato je važno znati kako se definišu, a i kako se mere **MODUO i FAZA (ARGUMENT)** prenosne funkcije.

19. oktobar 2017.

Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

52

### Pojačanje signala

**Frekvenčijske karakteristike (veoma važno)**  
**(obnoviti kompleksnu analizu iz matematuke)**

*Moduo prenosne funkcije meri se kao odnos amplituda odziva (izaz) i pobude (ulaz) pojačavača na frekvenciji  $\omega$ .*

$$|T(j\omega)| = \frac{V_i(\omega)}{V_u(\omega)} = \frac{V_{ieff}(\omega)}{V_{ueff}(\omega)};$$

19. oktobar 2017.

Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

53

### Pojačanje signala

**Frekvenčijske karakteristike (veoma važno)**  
**(obnoviti kompleksnu analizu iz matematuke)**

*Po definiciji moduo i faza kompleksnog broja određuju se kao*

$$|T(j\omega)| = \sqrt{\operatorname{Re}\{T(j\omega)\}^2 + \operatorname{Im}\{T(j\omega)\}^2} = \sqrt{T(j\omega) \cdot T(-j\omega)};$$

$$\angle T(\omega) = \varphi(\omega) = \arctg \left[ \frac{\operatorname{Im}\{T(j\omega)\}}{\operatorname{Re}\{T(j\omega)\}} \right].$$

*Za analizu ponašanja pojačavača u zavisnosti od frekvencije  $\omega$  pogodniji je drugačiji pristup.*

19. oktobar 2017.

Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

54

### Pojačanje signala

**Frekvenčijske karakteristike (veoma važno)**

*Prenosna funkcija pojačavača u opštem slučaju može da se prikaže u obliku količnika polinoma po  $s=j\omega$ :*

$$T(s) = \frac{a_0 + a_1 s + a_2 s^2 + \dots + a_n s^n}{b_0 + b_1 s + b_2 s^2 + \dots + b_m s^m}$$

**ili u faktorisanom obliku:**

$$T(s) = \frac{a_n(s - z_1)(s - z_2) \dots (s - z_n)}{b_m(s - p_1)(s - p_2) \dots (s - p_m)}$$

$$T(s) = \frac{N(s)}{D(s)}$$

*$z_i$  - nule*  
 *$p_j$  - polovi*

19. oktobar 2017.

<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

55

### Dodatak

### Pojačanje signala

**Frekvenčijske karakteristike**  
**(obnoviti kompleksnu analizu iz matematuke)**

*Moduo količnika polinoma  $N(s)$  i  $D(s)$  može se izračunati na osnovu sledećih izraza:*

kada je funkcija poznata u obliku

$$T(s) = \frac{a_0 + a_1 s + a_2 s^2 + \dots + a_n s^n}{b_0 + b_1 s + b_2 s^2 + \dots + b_m s^m}$$

$$|T(s)| = \sqrt{\operatorname{Re}\{N(s)\}^2 + \operatorname{Im}\{N(s)\}^2}$$

$$|T(s)| = \sqrt{\operatorname{Re}\{D(s)\}^2 + \operatorname{Im}\{D(s)\}^2}$$

ili

kada je funkcija poznata u obliku

$$T(s) = \frac{a_n(s - z_1)(s - z_2) \dots (s - z_n)}{b_m(s - p_1)(s - p_2) \dots (s - p_m)}$$

$$|T(j\omega)| = \frac{a_n}{b_m} \sqrt{\prod_{i=1}^n (z_i^2 + \omega^2)}$$

$$|T(j\omega)| = \frac{a_n}{b_m} \sqrt{\prod_{i=1}^m (p_i^2 + \omega^2)}$$

19. oktobar 2017.

Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

56

**Pojačanje signala** **Dodatak**

**Frekvencijske karakteristike (obnoviti iz matematike)**

**Faza se može izračunati kao:**

$$\varphi = \arctg \left[ \frac{\text{Im}\{T(s)\}}{\text{Re}\{T(s)\}} \right] = \arctg \left[ \frac{\text{Im}\{N(s)\}}{\text{Re}\{N(s)\}} \right] - \arctg \left[ \frac{\text{Im}\{D(s)\}}{\text{Re}\{D(s)\}} \right]$$

$$T(s) = \frac{a_0 + a_1 s + a_2 s^2 + \dots + a_n s^n}{b_0 + b_1 s + b_2 s^2 + \dots + b_m s^m}$$

ili kao

$$\varphi = \sum_{i=1}^n \arctg \left[ \frac{\text{Im}\{s - z_i\}}{\text{Re}\{s - z_i\}} \right] - \sum_{i=1}^m \arctg \left[ \frac{\text{Im}\{s - p_i\}}{\text{Re}\{s - p_i\}} \right].$$

$$T(s) = \frac{a_n(s - z_1)(s - z_2) \dots (s - z_n)}{b_m(s - p_1)(s - p_2) \dots (s - p_m)}$$

19. oktobar 2017. Uvod <http://leda.elfak.ni.ac.rs/> 57

**Pojačanje signala** **Dodatak** 

**Frekvencijske karakteristike (obnoviti iz matematike)**

**Primer 2.0: Odrediti moduo i fazu prenosne funkcije :**

$$T(s) = \frac{4s + s^2}{6 + 11s + 6s^2 + s^3} = \frac{s(4+s)}{(1+s)(2+s)(3+s)}$$

**Rešenje :**  $T(j\omega) = \frac{-\omega^2 + 4j\omega}{(6 - 6\omega^2) + j(11\omega - \omega^3)}$

$$|T(s)| = \sqrt{\frac{\text{Re}\{N(s)\}^2 + \text{Im}\{N(s)\}^2}{\text{Re}\{D(s)\}^2 + \text{Im}\{D(s)\}^2}} = \sqrt{\frac{[-\omega^2]^2 + [4\omega]^2}{(16 - 6\omega^2)^2 + (11\omega - \omega^3)^2}} = \sqrt{\frac{\omega^2[16 + \omega^2]}{(36 + 49\omega^2 + 14\omega^4 + \omega^6)}} =$$

$$= \sqrt{\frac{\omega^2[16 + \omega^2]}{(1 + \omega^2)(4 + \omega^2)(9 + \omega^2)}}$$

$$|T(s)| = \frac{a_n}{b_m} \sqrt{\frac{\prod_{i=1}^n (z_i^2 + \omega^2)}{\prod_{i=1}^m (p_i^2 + \omega^2)}} = \frac{1}{1} \sqrt{\frac{(0^2 + \omega^2)(4^2 + \omega^2)}{(1^2 + \omega^2)(2^2 + \omega^2)(3^2 + \omega^2)}} = \sqrt{\frac{\omega^2[16 + \omega^2]}{(1 + \omega^2)(4 + \omega^2)(9 + \omega^2)}}$$

19. oktobar 2017. Uvod <http://leda.elfak.ni.ac.rs/> 58

**Pojačanje signala** **Dodatak**

**Frekvencijske karakteristike (obnoviti iz matematike)**

**Primer 2.0: Odrediti moduo i fazu prenosne funkcije**  $T(s) = \frac{4s + s^2}{6 + 11s + 6s^2 + s^3} = \frac{s(4+s)}{(1+s)(2+s)(3+s)}$

**Rešenje (faza) :**

$$T(j\omega) = \frac{-\omega^2 + 4j\omega}{(6 - 6\omega^2) + j(11\omega - \omega^3)}$$

$$\varphi = \arctg \left[ \frac{\text{Im}\{N(s)\}}{\text{Re}\{N(s)\}} \right] - \arctg \left[ \frac{\text{Im}\{D(s)\}}{\text{Re}\{D(s)\}} \right] = \arctg \left[ \frac{4\omega}{-\omega^2} \right] - \arctg \left[ \frac{(11\omega - \omega^3)}{6 - 6\omega^2} \right]$$

$$\varphi = \sum_{i=1}^n \arctg \left[ \frac{\text{Im}\{s - z_i\}}{\text{Re}\{s - z_i\}} \right] - \sum_{i=1}^m \arctg \left[ \frac{\text{Im}\{s - p_i\}}{\text{Re}\{s - p_i\}} \right] =$$

$$= \arctg \left[ \frac{\omega}{0} \right] + \arctg \left[ \frac{\omega}{4} \right] - \arctg \left[ \frac{\omega}{1} \right] - \arctg \left[ \frac{\omega}{2} \right] - \arctg \left[ \frac{\omega}{3} \right] =$$

$$= \frac{\pi}{2} + \arctg \left[ \frac{\omega}{4} \right] - \arctg \left[ \frac{\omega}{1} \right] - \arctg \left[ \frac{\omega}{2} \right] - \arctg \left[ \frac{\omega}{3} \right]$$

19. oktobar 2017. Uvod <http://leda.elfak.ni.ac.rs/> 59

**Pojačanje signala**

**Frekvencijske karakteristike (veoma važno)  $|T(j\omega)|, \angle T(j\omega)$ .**

**Grafička interpretacija zavisnosti od frekvencije:**

- modula prenosne funkcije naziva se **AMPLITUDSKA KARAKTERISTIKA**
- argumenta prenosne funkcije naziva se **FAZNA KARAKTERISTIKA pojačavača**

**Zajedno, one predstavljaju**

**FREKVENCIJSKE KARAKTERISTIKE pojačavača**

19. oktobar 2017. Uvod <http://leda.elfak.ni.ac.rs/> 60

### Pojačanje signala

**Amplitudska karakteristika (veoma važno)**

Najpre ćemo definisati *idealnu* amplitudsku karakteristiku pojačavača i uporediti je sa *realnim* karakteristikama kojima ćemo se baviti kasnije tokom kursa.

Zahtev

**Konstantno pojačanje**  
To je nerealno

**Zahtev:** PODJEDNAKO POJAČATI odnosi se na sve **potrebne spektralne komponente**

19. oktobar 2017.  
Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

61

### Pojačanje signala

**Amplitudska karakteristika (veoma važno)**

Konačni *propusni opseg (Band-Width)* omeđen je graničnim frekvencijama na niskim i visokim frekvencijama

$BW = f_v - f_n$

**Amplitudska karakteristika realnog pojačavača\***

\*Zašto?

19. oktobar 2017.  
Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

62

### Pojačanje signala

**Amplitudska karakteristika (veoma važno)**  
Realnog pojačavača

Granice propusnog opsega kod realnih pojačavača određuju se u tačkama u kojima **snaga na izlazu opadne za 1/2 od nominalne**.

To je ekvivalentno smanjenju **napona/struje\*** na izlazu za  $\sqrt{2}$  puta ili 3dB.

\*Zašto?

19. oktobar 2017.  
Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

63

### Pojačanje signala

**Amplitudska karakteristika (veoma važno)**

Amplitudska karakteristika realnog pojačavača nije konstantna.

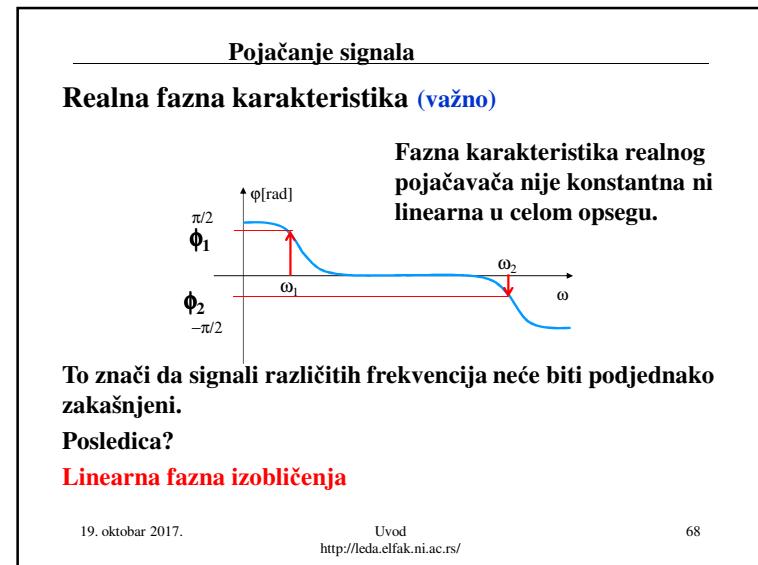
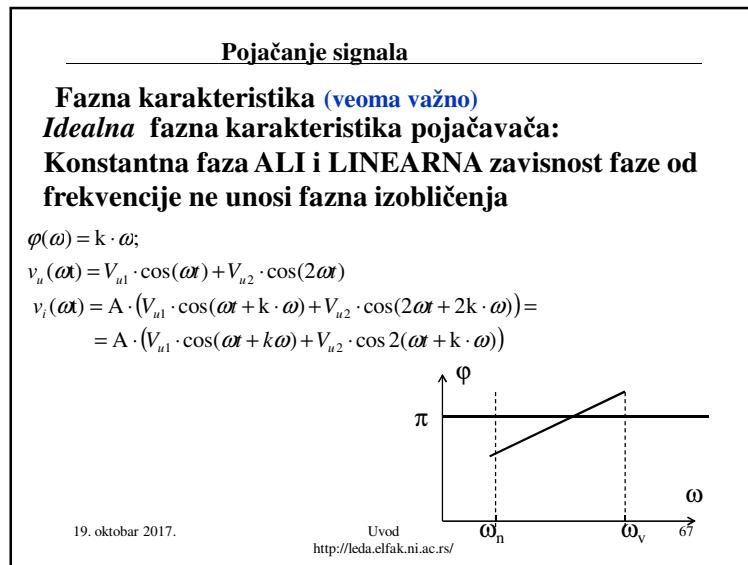
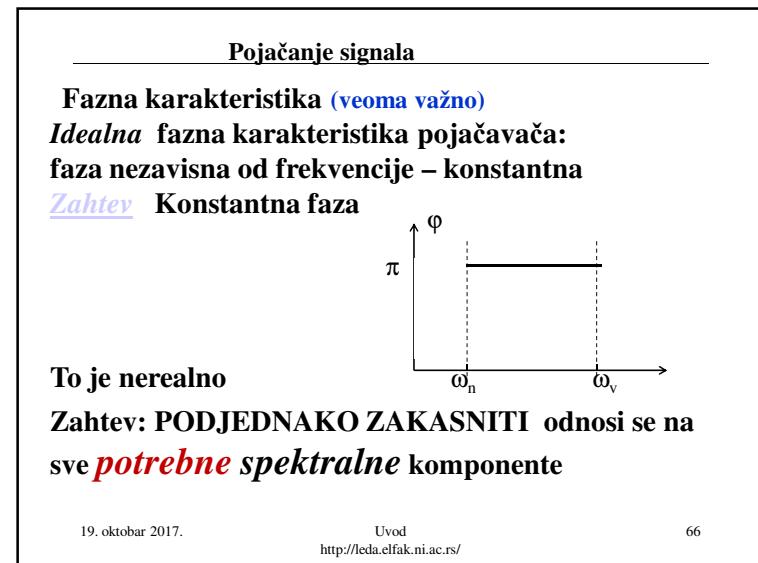
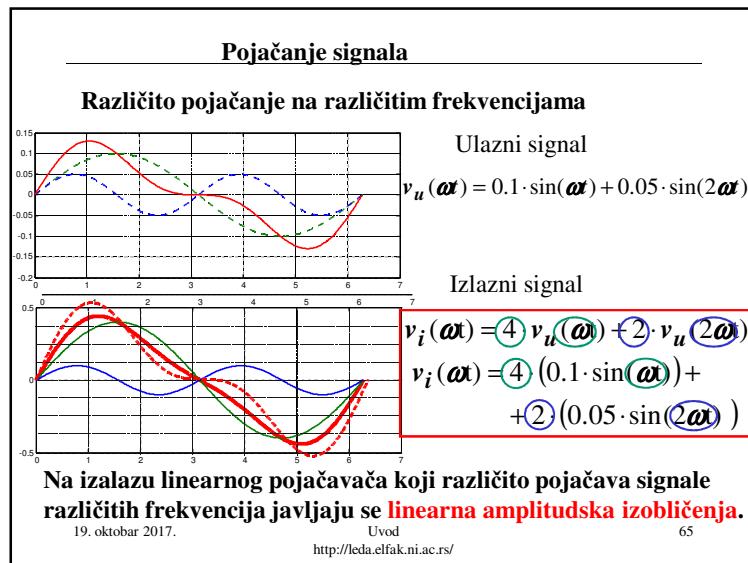
To znači da signali različitih frekvencija neće biti podjednako pojačani.

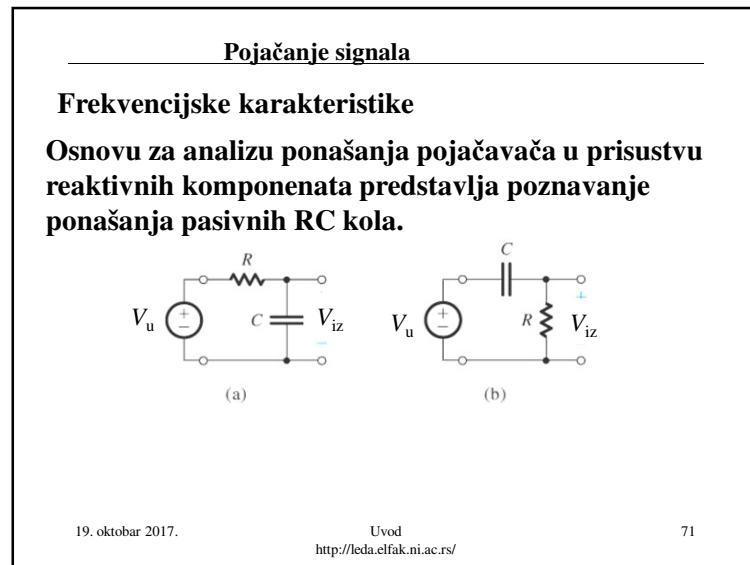
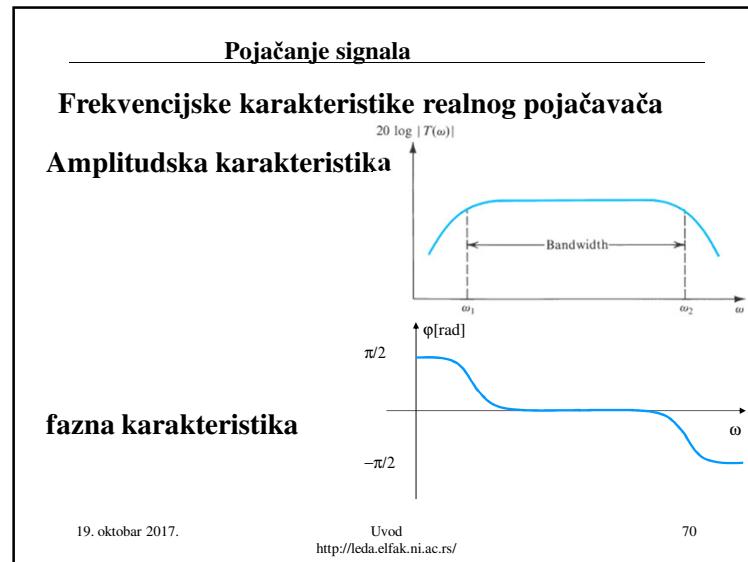
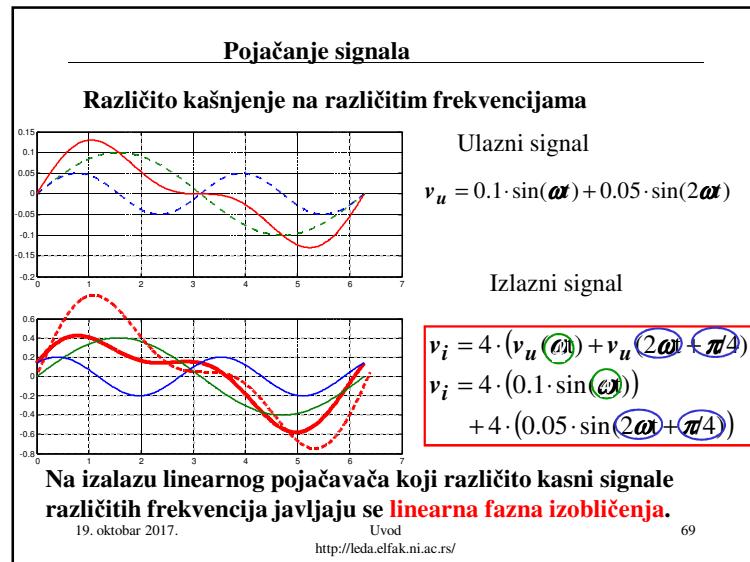
Posledica?

**Linearna amplitudska izobličenja** – videti slajd 7

19. oktobar 2017.  
Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

64





### Pojačanje signala

#### Frekvencijske karakteristike

**Primer 2.1: Odrediti prenosnu funkciju kola sa slike.**

$$V_i(j\omega) = \frac{Z_C}{Z_C + R} V_u(j\omega) = \frac{1/j\omega C}{1/j\omega C + R} V_u(j\omega) = \frac{1}{1 + j\omega RC} V_u(j\omega)$$

$$T(j\omega) = \frac{V_i(j\omega)}{V_u(j\omega)} = \frac{1}{1 + j\omega RC} = \frac{1}{1 + (s/\omega_o)} \Big|_{\substack{s=j\omega \\ \omega_o=1/\tau=1/RC}}$$

19. oktobar 2017. Uvod http://leda.elfak.ni.ac.rs/ 72

**Pojačanje signala**

**Frekvenčijske karakteristike**

**Primer 2.1:** Odrediti prenosnu funkciju kola sa slike.

$$T(j\omega) = \frac{1}{1 + (s/\omega_0)} \quad s=j\omega$$

$$\omega_0 = 1/\tau = RC$$

$$|T(s)| = \sqrt{\text{Re}\{N(s)\}^2 + \text{Im}\{N(s)\}^2} = \sqrt{\text{Re}\{D(s)\}^2 + \text{Im}\{D(s)\}^2}$$

$$20\log|T(s)| = 20\log\left[\sqrt{\{1\}^2 + \{\omega/\omega_0\}^2}\right] \approx -20\log(\omega/\omega_0) \quad \omega_0 \gg \omega$$

19. oktobar 2017. <http://leda.elfak.ni.ac.rs/> 73

**Pojačanje signala**

**Frekvenčijske karakteristike**

**Primer 2.1:** Odrediti prenosnu funkciju kola sa slike.

$$T(j\omega) = \frac{1}{1 + (s/\omega_0)} \quad s=j\omega$$

$$\omega_0 = 1/\tau = RC$$

19. oktobar 2017. <http://leda.elfak.ni.ac.rs/> 74

**Pojačanje signala**

**Frekvenčijske karakteristike** **Domaći 2.3**

**Zadatak:** Odrediti prenosnu funkciju kola sa slike.  
Koju funkciju kolo obavlja u frekvenčiskom domenu?  
Odrediti graničnu frekvenciju.  
Koliko iznosi asimptotski nagib amplitudske karakteristike po dekadi i po oktavi?

19. oktobar 2017. <http://leda.elfak.ni.ac.rs/> 75

**Pojačanje signala**

**Frekvenčijske karakteristike**

**Zadatak:** Odrediti prenosnu funkciju kola sa slike.

**Domaći 2.3**

$$T(j\omega) = \frac{s/\omega_0}{1 + (s/\omega_0)} \quad s=j\omega$$

$$\omega_0 = 1/\tau = RC$$

19. oktobar 2017. <http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

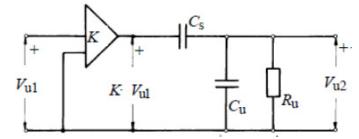
### Pojačanje signala



#### Frekvencijske karakteristike

**Zadatak:** Odrediti prenosnu funkciju kola sa slike.

**Za vežbu 2.2**



$$A_u = \frac{V_{u2}}{V_{u1}} = K \frac{j\omega R_u C_s}{1 + j\omega(R_u C_u + R_u C_s)} \quad (3.1.35)$$

$$= K \frac{C_s}{C_u + C_s} \frac{j\tau\omega}{1 + j\tau\omega} = A_0 \frac{j\tau\omega}{1 + j\tau\omega}$$

gde je  $\omega$  kružna frekvencija,  $\tau = R_u(C_u + C_s)$ , a  $A_0 = K \cdot C_s / (C_s + C_u)$ .

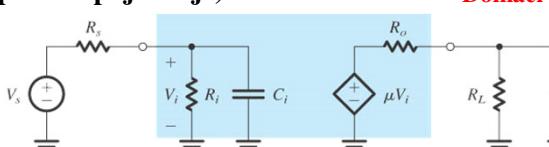
19. oktobar 2017. Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/ 77

### Pojačanje signala



#### Frekvencijske karakteristike

**Zadatak:** Odrediti prenosnu funkciju (ukupno naponsko pojačanje) kola sa slike. **Domaći 2.4**



Ako je  $R_s = 20k$ ,  $R_i = 100k$ ,  $C_i = 60pF$ ,  $\mu = 144$  V/V,  $R_o = 200\Omega$  i  $R_L = 1k$

- Odrediti pojačanje pri  $\omega = 0$  rad/s (jednosmerno) ( $A = 100$  V/V)
- Graničnu frekvenciju (3dB) ( $\omega_b = 10^6$  rad/s,  $f_o = 159,2$  kHz)
- Odrediti frekvenciju pri kojoj  $A$  padne na 0dB ( $10^8$  rad/s)

### Pojačanje signala



#### Frekvencijske karakteristike

**Primer 2.2:** Odrediti prenosnu funkciju (ukupno naponsko pojačanje) kola sa slike.

**Rešenje:**

$$A(j\omega) = \mu \cdot \frac{R_i}{R_i + R_s} \cdot \frac{R_L}{R_L + R_o} \cdot \frac{1}{1 + sC_i[R_s R_i / (R_s + R_i)]} = \frac{A_o}{1 + s/\omega_0}$$

$$A_o = \mu \frac{1}{1 + (R_s/R_i)} \cdot \frac{1}{1 + (R_o/R_L)}$$

$$\tau = C_i [R_s R_i / (R_s + R_i)]$$

$$\omega_0 = 1/\tau$$

Graph (b) shows the magnitude of the transfer function  $|T|$  in dB versus frequency  $\omega$ . The curve starts at a high value at low frequencies, remains flat until a corner frequency, and then slopes down towards zero as frequency increases.

19. oktobar 2017. Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/ (b)

### Pojačanje signala

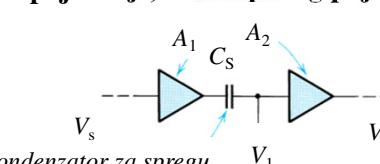


#### Frekvencijske karakteristike 17.10.2017

**Primer 2.3:** Skicirati prenosnu funkciju (ukupno naponsko pojačanje) dvostepenog pojačavača sa slike.

**Kondenzator za spregu**

**Rešenje:**




19. oktobar 2017. Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/ 80

### Šta smo naučili?

- Razlika između frekvencijskih i prenosne karakteristike pojačavača**
  - Model idealnih i realnih pojačavača
  - Uzroci izobličenja izlaznog signala pojačavača
  - Frekvencijske karakteristike pojačavača

Na web adresi <http://leda.elfak.ni.ac.rs>

> EDUCATION > OSNOVI ELEKTRONIKE

slajdovi u pdf formatu

19. oktobar 2017.

Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

81

### Ispitna pitanja?

- Uticaj konačne ulazne i izlazne otpornosti pojačavača napona na ukupno pojačanje.
- Skicirati prenosnu karakteristiku idealnog pojačavača napona A=10.
- Nelinearna amplitudska izobličenja. Uzrok i posledice.
- Šta je prenosna funkcija? Kako se određuju moduo i faza?
- Definicija amplitudske karakteristike i načini predstavljanja.
- Linearna amplitudska izobličenja. Uzrok i posledice.
- Fazna karakteristika.
- Linearna fazna izobličenja. Uzrok i posledice.
- Električna šema, prenosna funkcija i frekvencijske karakteristike RC propusnika niskih/visokih frekvencija (granična frekvencija, asimptotski nagib)

19. oktobar 2017.

Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

82

## Osnovi elektronike

Predispitne obaveze:

U JANUARU OSTALO

Redovno pohađanje nastave (predavanja+vežbe)	10%	10%
Odbranjene laboratorijske vežbe	10%	10%
Kolokvijum I (25.11.2017.)	50%	20%
Kolokvijum II (20.01.2018.)	50%	20%
	-----	
	120%	60%



**Savet: Lakše preko kolokvijuma**

22. oktobar 2015.

Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

83

### Dodatak

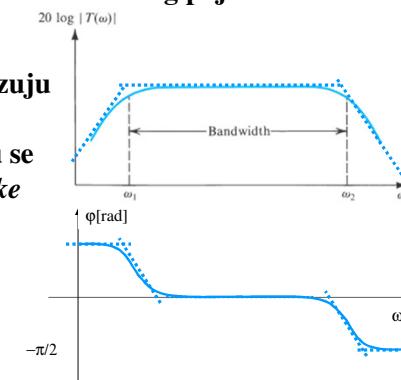
#### Pojačanje signala

#### Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

Dijagrami koji pojednostavljeno prikazuju amplitudsku i faznu karakteristiku nazivaju se *asimptotske karakteristike* ili *Bodeovi dijagrami*



Hendrik Wade Bode  
(1905–1982)



19. oktobar 2017.

Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

84

### Dodatak

#### Pojačanje signala

##### Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

###### H. Bode

Ako su poznate nule i polovi funkcije prenosa, moguće je skicirati *asimptotski oblik* amplitudske i fazne karakteristike.

Za to je najpogodnije da se  $T(s)$  prikaže u obliku:

$$T(s) = A \frac{(1 + s/z_1)(1 + s/z_2) \dots (1 + s/z_n)}{(1 + s/p_1)(1 + s/p_2) \dots (1 + s/p_m)}$$

19. oktobar 2017.

Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

85

### Dodatak

#### Pojačanje signala

##### Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

Postupak crtanja biće objašnjen na primeru funkcije

$$T(s) = \frac{10s}{(1 + s/10^2)(1 + s/10^5)}$$

$$\begin{aligned} 20\log|T(j\omega)| &= 20\log|10| + 20\log|j\omega| - \\ &\quad - 20\log|1 + j\omega/10^2| - 20\log|1 + j\omega/10^5| \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 20\log|T(j\omega)| &= 20\text{dB} + 20\log\omega - \\ &\quad - 20\log\sqrt{1+(\omega/10^2)^2} - 20\log\sqrt{1+(\omega/10^5)^2} \end{aligned}$$

19. oktobar 2017.

Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

86

### Dodatak

#### Pojačanje signala

##### Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

Postoje 4 člana u ovoj amplituskoj karakteristici (u dB)

$$20\log|T(j\omega)| = 20\text{dB} + 20\log\omega + 20\log\sqrt{1+(\omega/10^2)^2} - 20\log\sqrt{1+(\omega/10^5)^2}$$

I 20dB konstanta

II  $20\log\omega$  prava prolazi kroz 0 za  $\omega=1$ , nagib 6dB/oct ili 20dB/dec

III  $-20\log\sqrt{1+(\omega/10^2)^2}$  za  $\omega \ll 10^2$   $-20\log 1 = 0$   
za  $\omega \gg 10^2$   $-20\log(\omega/10^2)$ , 0 za  $\omega = 10^2$

IV  $-20\log\sqrt{1+(\omega/10^5)^2}$  za  $\omega \ll 10^5$   $-20\log 1 = 0$   
za  $\omega \gg 10^5$   $-20\log\omega/10^5$  0 za  $\omega = 10^5$

19. oktobar 2017.

Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

87

### Dodatak

#### Pojačanje signala

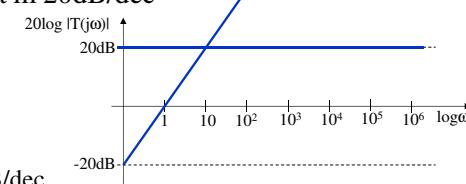
##### Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

Postoje 4 segmenta asimptotskih pravih u log-log koord.

I 20dB konstanta

II  $20\log\omega$

prava prolazi kroz 0 za  $\omega=1$ ,  
nagib 6dB/oct ili 20dB/dec



Dokazati  $6\text{dB/oct} = 20\text{dB/dec}$

19. oktobar 2017.

Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

88

**Dodatak**

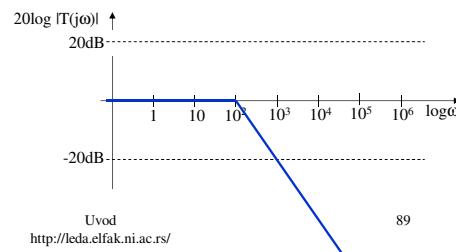
**Pojačanje signala**

**Frekvenčijske karakteristike realnog pojačavača**

$$\text{III} \quad -20 \log \sqrt{1+(\omega/10^2)^2}$$

za  $\omega << 10^2$   $-20 \log 1 = 0$

za  $\omega >> 10^2$   $-20 \log(\omega/10^2)$ , 0 za  $\omega = 10^2$



19. oktobar 2017.

Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

89

**Dodatak**

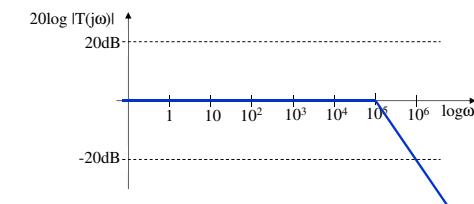
**Pojačanje signala**

**Frekvenčijske karakteristike realnog pojačavača**

$$\text{IV} \quad -20 \log \sqrt{1+(\omega/10^5)^2}$$

za  $\omega << 10^5$   $-20 \log 1 = 0$

za  $\omega >> 10^5$   $-20 \log \omega/10^5$  0 za  $\omega = 10^5$



19. oktobar 2017.

Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

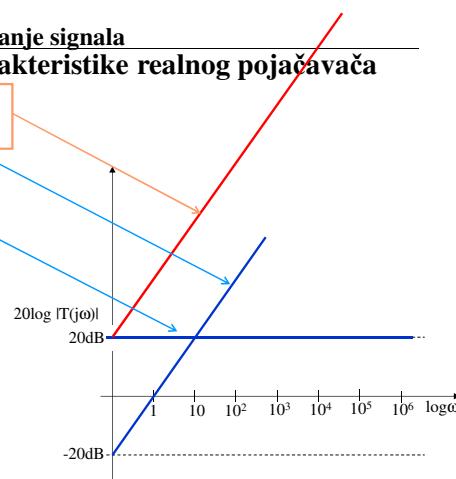
90

**Dodatak**

**Pojačanje signala**

**Frekvenčijske karakteristike realnog pojačavača**

$$20 \text{dB} + 20 \log \omega$$



19. oktobar 2017.

Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

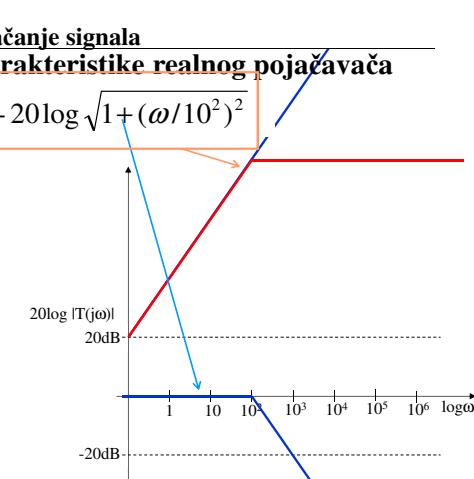
91

**Dodatak**

**Pojačanje signala**

**Frekvenčijske karakteristike realnog pojačavača**

$$20 \text{dB} + 20 \log \omega - 20 \log \sqrt{1+(\omega/10^2)^2}$$

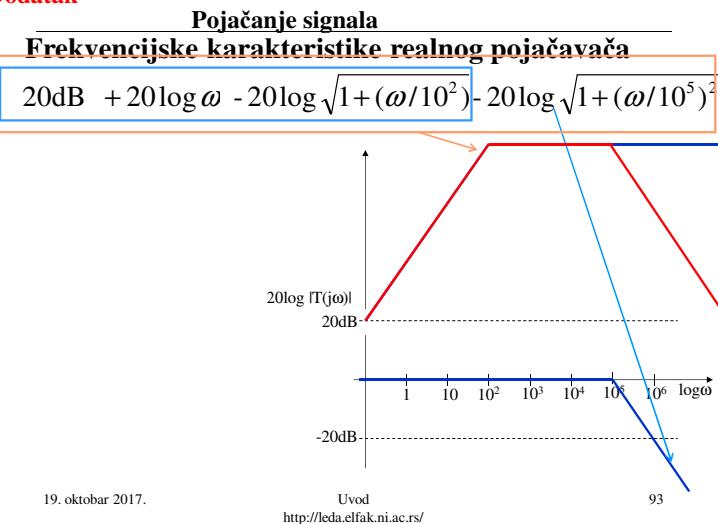


19. oktobar 2017.

Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

92

**Dodatak**



**Dodatak**

**Pojačanje signala**

**Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača**

**Postupak crtanja asimptotske *fazne* karakteristike**

$$T(s) = \frac{10s}{(1+s/10^2)(1+s/10^5)}$$

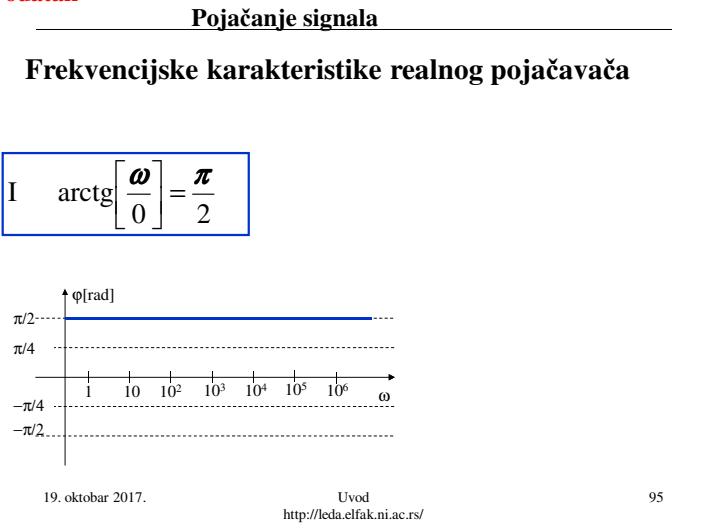
$$\varphi = \sum_{i=1}^n \arctg \left[ \frac{\text{Im}\{s - z_i\}}{\text{Re}\{s - z_i\}} \right] - \sum_{i=1}^n \arctg \left[ \frac{\text{Im}\{s - p_i\}}{\text{Re}\{s - p_i\}} \right] =$$

$$= \arctg \left[ \frac{\omega}{0} \right] - \arctg \left[ \frac{\omega}{10^2} \right] - \arctg \left[ \frac{\omega}{10^5} \right]$$

19. oktobar 2017.  
Uvod  
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

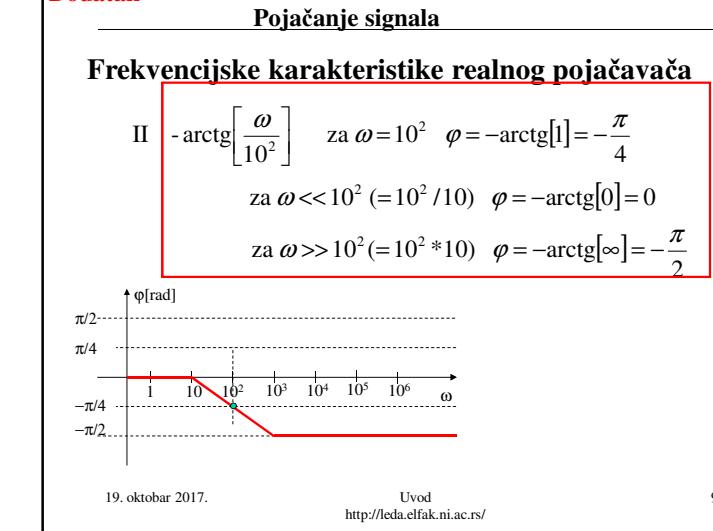
94

**Dodatak**



95

**Dodatak**



96

**Dodatak**

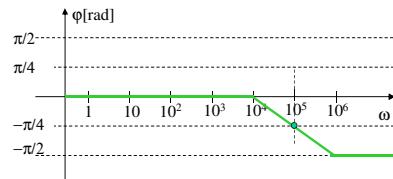
**Pojačanje signala**

**Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača**

$$\text{III } -\arctg\left[\frac{\omega}{10^5}\right] \quad \text{za } \omega = 10^5 \quad \varphi = -\arctg[1] = -\frac{\pi}{4}$$

$$\text{za } \omega \ll 10^5 (= 10^5 / 10) \quad \varphi = -\arctg[0] = 0$$

$$\text{za } \omega \gg 10^5 (= 10^5 * 10) \quad \varphi = -\arctg[\infty] = -\frac{\pi}{2}$$



19. oktobar 2017.

Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

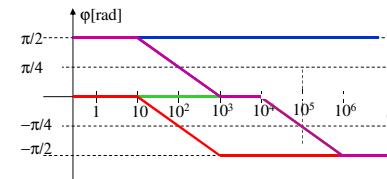
97

**Dodatak**

**Pojačanje signala**

**Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača**

$$\varphi = \arctg\left[\frac{\omega}{0}\right] - \arctg\left[\frac{\omega}{10^2}\right] - \arctg\left[\frac{\omega}{10^5}\right]$$



19. oktobar 2017.

Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

98

**Sledeće nedelje:**

**Osnovi pojačavačke tehnike (nastavak)**

- Jednosmerno napajanje i prenosna karakteristika pojačavača
- Klasifikacija pojačavača
- Operacioni pojačavači (uvod)

Na web adresi <http://leda.elfak.ni.ac.rs>

> EDUCATION > OSNOVI ELEKTRONIKE

slajdovi u pdf formatu

19. oktobar 2017.

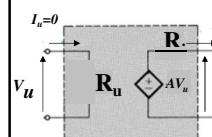
Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

99

**Pojačanje signala**

**Klasifikacija pojačavača prema tipu signala**

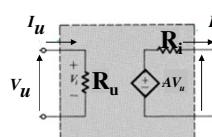
**Naponski:  $V_u \rightarrow V_i$**



**Idealni**

$$A = \frac{V_i}{V_u} \quad [\text{V/V}]; \quad R_u = \infty \quad R_i = 0$$

**Realni**



$$R_u < \infty \quad ; \quad R_i > 0$$

$$A = A_o = \frac{V_i}{V_u} \quad [\text{V/V}]; \quad I_i = 0$$

Zašto je ovo važno?

19. oktobar 2017.

Uvod  
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

100

### Pojačanje signala

#### Klasifikacija pojačavača prema tipu signala

**Strujni:**  $I_u \rightarrow I_i$

**Idealni**

$$A_s = \frac{I_i}{I_u} \quad [\text{A/A}]; \quad \mathbf{R_u = 0} \quad \mathbf{R_i = \infty}$$

**Realni**

$$A_s = A_{SO} = \frac{I_i}{I_u} \Big|_{V_i=0} \quad [\text{A/A}]; \quad R_u > 0 \quad R_i < \infty$$

Zašto je ovo važno?

19. oktobar 2017. Uvod <http://leda.elfak.ni.ac.rs/> 101

### Pojačanje signala

#### Klasifikacija pojačavača prema tipu signala

**Transkonduktansni:**  $V_u \rightarrow I_i$  (napon u struju)

**Idealni**

$$G_m = \frac{I_i}{V_u} \quad [\text{A/V}] \quad \mathbf{R_u = \infty} \quad \mathbf{R_i = \infty}$$

**Realni**

$$G_m = G_{m0} = \frac{I_i}{V_u} \Big|_{V_i=0} \quad [\text{A/V}]; \quad R_u < \infty \quad R_i < \infty$$

Zašto je ovo važno?

19. oktobar 2017. Uvod <http://leda.elfak.ni.ac.rs/> 102

### Pojačanje signala

#### Dodatak

#### Klasifikacija pojačavača prema tipu signala

**Transrezistansni:**  $I_u \rightarrow V_i$  (struja u napon)

**Idealni**

$$R_m = \frac{V_i}{I_u} \quad [\text{V/A}] \quad \mathbf{R_u = 0} \quad \mathbf{R_i = 0}$$

**Realni**

$$R_m = R_{m0} = \frac{V_i}{I_u} \Big|_{I_i=0} \quad [\text{V/A}]; \quad R_u > 0 \quad R_i > 0$$

19. oktobar 2017. Uvod <http://leda.elfak.ni.ac.rs/> 103